МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

КАФЕДРА 3

Overes toperfee

РУКОВОДИТЕЛЬ

Доцент, к.ф-м.н должность, уч. степень, звание

подпись, дата

Шифрин Б. Ф. инициалы, фамилия

ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №3

ПО КУРСУ ФИЗИКА

Маятник Максвелла

ПО КУРСУ: ОБЩАЯ ФИЗИКА

ОТЧЕТ ВЫПОЛНИЛ

СТУДЕНТ ГР. №

Лабораторная работа 13. Маятик Максвегла" Протокая измерений

Congeiro ipyrno

Muppin 5.9.

Технические характеристичи приборов

Прибор	Изна депения	Mpegen Womep	KNACC	Cuct.	
CEKYHOOMEP	0,0010	99,999c		0,00050	
Линейка	0,1 cm	44 cm	_	0,0500	

Pezyromanus M = (34+132+264)2

monepenni

1							· Constant			
hi	19au 1,354	1,324 1,325	5 1,313	1,348	1,351	1,348	1,330	1,320	1,326	
h2	13 CM 1, 173	1,056 1,127	1,113	1,120	1,119	FF0,1	1,105	1,080	1,076	

Br. Joseph 11, 252685050

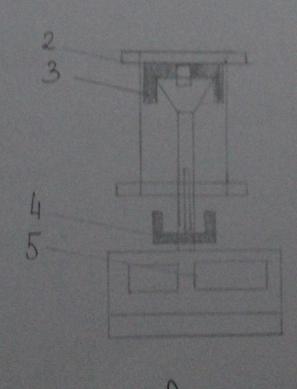
1 mage 2018

Hellell

I Ugero pasomis Onhegerence maneuma unepique maamuuna Mancherra

II Описание лабораторной установки

На вертикальной стойке крепятся два крокитейна Верхний неподвижный кроничейна снавтен воротком 1 для крипления и ризулировки вифиларного подвиа, электроначийтем 2 для фиксирования гланичика в верхнем положении и фотодатиком 3, включающий Секундриер. На подвижной кроништейне закреплен фотодатик 4, выключающий секундетер. Ижала секундомера 5 вычесена на мизовую панель при-



Manamemper musopos

Tabn 21

Прибор	Tun	Moegen usu	WEN	KMACE	norp.
CENTHAOMEP		99,999	0,0016	-	0,0000
Линейка		цисы	0,1 684	-	0,0204

Maria Maria Mr. 264 1

III Patorne opophymi viccom/10/12/16/25/9/3

3.1. Marieum unepigui maamuuka Makeberra. $T = m (r+r_n)^2 \left(\frac{gt^2}{2ho}-1\right)$, rge (3.1)

m-obugue macia belli enement g-yeropenne chotograno nagenna t-bpena nagenna ho-nararbhas brooms nagenna masminika 3.2. Theoremusecose brigamenne manerina merenna merenna merenna maramusa Mareberra $T = \frac{1}{2} \left(m_0 R_1^2 + m_K \left(R_1^2 + R_2^2 \right) \right)$ (3.2)

3.3 Monteum unepyun gucka $To = \frac{m_0 R_0^2}{2}$, rge (3.3) $R_1 = R_0$

3.4 Monteum unepigus kontovsa $T_{K} = \frac{m_{K}}{2} \left(R_{K_{1}}^{2} + R_{K_{2}}^{2} \right), \text{ tight } (3.4)$ $R_{1} = R_{K_{1}}$ $R_{2} = R_{K_{2}}$

3.5 Cpeque brens novemble $\frac{n}{2.5}$ tep = $\frac{n}{2.1}$ tep , type (3.5)

n-rueno uznepermi.

3.6. Chequee marenne momenna

 $\overline{I_{cp}} = \underbrace{\sum_{i \neq i}^{n}}_{n}$ (3.6)

IV Pezyromanin uznienami

N	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
t,c										
h1=19cm	1,354	1,324	1,325	1,313	1,348	1,351	4,348	1,330	4,510	1,326
h2:13cu										

mo5 = 34+132+264 = 430(1) = 0,430 (K1)

V Mpunepor uznehemi

5.1 No opophyme (3.5)

top1 = 1,354+1,324+1,325+1,313+1,348+1,351+1,348+1,330+1,320+1,326

= 1,3339 c

tcp2 = 1,173+1,056+1,127+1,119+1,120+1,119+1,077+1,105+1,080 4,08 10

1,1052C

5.2 No opopmyne (31)

 $T_1 = M(\Gamma + \Gamma_4)^2 \left(\frac{9t^2}{2ho} - 1\right) = 0.43(0.005 + 0.006)^2 \left(\frac{9.82 \cdot 1.3339}{2.019}\right) =$

= 6,02.10-4 K2.M² $T_2 = M(r+r_H)^2 \left(\frac{gt^2}{2ho}-t\right) = 0,43 \left(0,005+0,006\right)^2 \left(\frac{9,82\cdot1,1052^2}{2\cdot0,13}-t\right)$

= 6,04.10 4 KZ. W2

53. No opopuyse (3.6) Top = 14.72 6,04+6,02 10" : 6,03 10" KZ M3 5.4 No opopuyue (32) I = = (moR; + mx(R; +R;)) = = (0,132 (4,5.10)) +0,264 · ((42,5 10-3)2+ (52,5 10-2)2)) . 3.19.10-4 KZ M2 5.5 No opopulyre (33) In = mo R?, 0,132 (42,5 10) , 1,1 10 " RZ Ni 5.6. To opopuyue (3.4) IK = MK (R1+R2) = 0,264 (0,04252+0,05252) = 6,072-10 RIME VI Borrussenne norpennocmen 6.1 Cumeriamirecras norpenissemo 6.1.2 Oh: 2 mm 14 com/10/24/25948 6,2 Cumenamirecola norpemborno monenna wrepym Of = m (n+n+)2. 9t Ot+m(n+n+)2 (9t2). Oh = = 0,43 (0,005+0,0006)2. 3,82.1,3339.0,001 + 0,43 (0,005 + 0,0006)2 (9,82.1,33392).0,002= = 0,065.10-4 KZ.M2 = 0,07.10-4

Q 1/2 = 0,43 (0,005 +0,000 6)2 (9,82 -1,1052) (0,001)+ +0,43 (0,005+0,0006)2. (9.82-1,1052 .0,002) = = 0,048.10 KI. Mª 6.3. Crypaine norpeupocomy 6.3.1 Cpequel Khagnamianae omknomenue St1 = V (t1-tcp)2 + (t2-tcp)2 + ... + (t10-tcp)2 $= \sqrt{(1,154-1,339)^2 + (1,324-1339)^2 + ... + (1,326-1,3339)^2}$ $= \sqrt{0.0004 + 0.00009 + 0.00008 + 0.0004 + 0.0002 + 0.0003 + 0.0002}$ + 0,00002 +0,0002 +0,00006 = 0,0046 (c) 6.3.2 Cheque Rhagnamience omkrohence morrema uneprym

 $S\bar{y} = 2T \cdot \frac{S\bar{t}}{t} = 2.6,03.10^{-4} \cdot \frac{0.0046}{1.3339} = 0.042.10^{-4} \text{ KeV-M}^2$

Sq L Dy

0,042-10-4 Kr. M2 < 0,085-10-4 Kr. M2 Cregobamerono 6 urrepensas, aropee bero, nem pryoux oumor

- Момент инеризи мастника не зависит om nazarthari biscomis, max kax ren borbine bucama men barene opene u napropom; Ha morreum cum brusem paginge our, paquyc numu u macca;

- B garrier rationamohnoù hatome enpegesur novieum unepigus maamuura Marchenпа теоретически и эксперинентально.

I ruen a Joken b coombemembre e meopenière Runn munganuamu okazanuch Enngen gnyr k gnyry.
(Ommune na 0,3%). Cpobrecrece e reop. 3 red?

St = Treop-Touch. 100%. = 0,5%.

Combemanbue meopumurecirara y sicrepuneumaistrissa zuarenus uneem meemo 6 npegerasi norpenmacin

Лабораторная работа № 3

МАЯТНИК МАКСВЕЛЛА

Цель работы: определение момента инерции маятника Максвелла.

Теоретические сведения

Маятник Максвелла (рис. 3.1) представляет собой диск, жестко насаженный на стержень и подвешенный на двух параллельных нерастяжимых нитях. Намотав нити на стержень, можно сообщить маятнику потенциальную энергию относительно его нижнего положения. Если маятник отпустить из верхнего положения, то, вращаясь, он начнет падать. Учитывая, что на маятник действуют только консервативные силы (сила тяжести и сила натяжения нитей), закон сохранения его механической энергии можно записать в виде:

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\omega^2 + mgh = mgh_0, (3.1)$$

где h_0 — начальная высота маятника, определяющая его полную энергию; h — текущая высота; m — масса маятника; I — момент

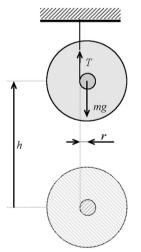


Рис. 3.1. Маятник Максвелла

инерции маятника относительно его оси; ω — угловая скорость вращения относительно этой оси; υ — скорость центра масс; g — ускорение свободного падения. Начало отсчета поместим в нижней точке.

Радиус-вектор \vec{h} , проведенный из этой точки в центр масс маятника, будет направлен вертикально вверх. Поскольку ускорение свободного падения направлено вертикально вниз, произведение скалярных величин можно заменить скалярным произведением векторов

$$mgh = -m\vec{g} \cdot \vec{h}$$
.

Известно также, что $\omega^2 = \left(\upsilon/r\right)^2$, где r – радиус стержня, и что $\upsilon^2 = \vec{\upsilon} \cdot \vec{\upsilon}$. С учетом сделанных замечаний (3.1) переписывается в виде

$$\frac{1}{2}m\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{\mathbf{v}} + \frac{I}{2r^2}\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{\mathbf{v}} - m\vec{\mathbf{g}}\cdot\vec{\mathbf{h}} = m\vec{\mathbf{g}}\cdot\vec{\mathbf{h}}_0. \tag{3.2}$$

Дифференцируем получившееся уравнение по времени и получаем

$$m\vec{v}\frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{I}{r^2}\vec{v}\frac{d\vec{v}}{dt} - m\vec{g}\frac{d\vec{h}}{dt} = 0.$$
 (3.3)

Учитывая, что $\frac{d\vec{h}}{dt}$ = \vec{v} , $\frac{d\vec{v}}{dt}$ = \vec{a} , где \vec{a} – ускорение центра масс, перепишем уравнение (3.3) в виде

$$mr^{2}\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{a} + I\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{a} = mr^{2}\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{g}.$$
 (3.4)

Все векторы в (3.4) направлены одинаково, поэтому перейдем от скалярных произведений к произведениям длин векторов. Делим все члены уравнения на модуль скорости и получаем $mr^2a + Ia = mr^2g$, или

$$I = mr^2(g/a - 1). (3.5)$$

Поскольку величины I, m и r для маятника Максвелла постоянны, ускорение маятника будет тоже постоянным. Найти его можно, измерив время падения t с высоты h_0

$$a = \frac{2h_0}{t^2}. (3.6)$$

Подставив (3.6) в (3.5), получим выражение для вычисления момента инерции маятника Максвелла

$$I = mr^2 \left(\frac{gt^2}{2h_0} - 1 \right). \tag{3.7}$$

В этой формуле не учтена толщина нити, которая наматывается на ось маятника. В реальных условиях ее нужно обязательно учитывать. На рис. 3.2 показано, что сила натяжения T приложена

не краю шкива, а к середине нити. Поэтому, радиус шкива r следует заменить суммой $r+r_{\scriptscriptstyle \rm H}$, где $r_{\scriptscriptstyle \rm H}-$ радиус нити.

$$I = m(r + r_{\rm H})^2 \left(\frac{gt^2}{2h_0} - 1 \right). \tag{3.8}$$

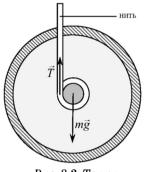
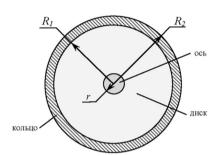


Рис. 3.2. Точки приложения сил



Puc. 3.3. Размеры элементов маятника

Маятник Максвелла (рис. 3.3) состоит из трех элементов: оси вращения, диска и кольца. Поэтому его момент инерции складывается из моментов инерции этих трех элементов:

$$I = I_0 + I_D + I_K. (3.9)$$

Момент инерции оси ввиду его малости учитывать не будем. Моменты инерции диска и кольца можно найти по формулам:

$$I_D = \frac{m_D R_D^2}{2}; \quad I_K = \frac{m_K}{2} \left(R_{K1}^2 + R_{K2}^2 \right).$$
 (3.10)

Принимая во внимание, что $R_{K1}=R_D=R_1$, а $R_{K2}=R_2$, получаем теоретическое выражение для момента инерции маятника Максвелла

$$I = \frac{1}{2} \left(m_D R_1^2 + m_K \left(R_1^2 + R_2^2 \right) \right). \tag{3.11}$$

Лабораторная установка

Внешний вид лабораторной установки показан на рис. 3.4. На вертикальной стойке крепятся два кронштейна. Верхний неподвижный кронштейн снабжен воротком 1 для крепления и регулировки бифилярного подвеса, электромагнитом 2 для фиксировании маятника в верхнем положении и фотодатчиком 3, включающий секундомер. На подвижном кронштейне закреплен фотодатчик 4, выключающий секундомер. Шкала секундомера 5 вынесена на лицевую панель прибора.

Кнопка "Сеть" включает питание установки, кнопка "Сброс" обнуляет показания секундомера. При нажатии на кнопку "Пуск" отключается электромагнит, и маятник приходит в движение.

Массу и момент инерции маятника можно менять при помощи сменных колец, надеваемых на диск. Длина нити должна быть такой, чтобы нижняя кромка маятника была на 1-2 мм ниже оптической оси нижнего фотодатчика. Ось маятника должна быть горизонтальной. Длина нити (высота падения) определяется по шкале, нанесенной на вертикальной стойке.

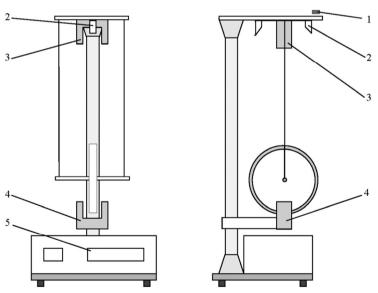


Рис. 3.4. Внешний вид лабораторной установки

```
Параметры установки: радиус оси – 5 мм, радиус нити – 0,6 мм, радиус диска – R_1 = 42,5 мм, внешний радиус кольца – R_2 = 52,5 мм.
```

Значения остальных параметров указаны на элементах маятника.

Задания и порядок их выполнения

Задание 1. Экспериментальное определение момента инерции маятника Максвелла (стандартный опыт).

Провести измерение времени падения маятника не менее 10 раз. Вычислить среднее время падения, а по нему при помощи формулы (3.8) момент инерции. Провести стандартную обработку результатов измерений. Погрешность измерения высоты принять равной $\theta_h=2$ мм, погрешность измерения времени $\theta_t=0.001$ с.

Внимание! При проведении опыта нужно следить за тем, чтобы нить наматывалась на ось аккуратно в один слой. Опыты, в которых это условие не соблюдается, в дальнейшем не учитывать.

Описанная выше процедура является стандартным опытом в данной работе. Ее нужно провести для маятника с каждым из сменных колец.

Задание 2. Исследование зависимости момента инерции маятника Максвелла от высоты, с которой происходит его падение.

Для указанного преподавателем кольца провести стандартный опыт для трех разных высот h. Экспериментально убедиться в том, что момент инерции маятника не зависит от начальной высоты, и в отчете объяснить, почему. Получить среднее значение момента инерции маятника по результатам трех серий, проведенных при разных высотах.

При проведении математической обработки результатов измерений в первом и втором заданиях нужно исходить из того, что момент инерции является неслучайной величиной. Задание 3. Теоретический расчет момента инерции маятника Максвелла.

По формулам (3.10), (3.11) вычислить моменты инерции диска, колец и маятника в целом во всех случаях. Сравнить расчетные значения с измеренными и объяснить расхождения, если они возникнут.

Контрольные вопросы

- 1. Что называется моментом инерции абсолютно твердого тела?
- 2. Чему равны моменты инерции диска и кольца?
- 3. Чему равна кинетическая энергия абсолютно твердого тела?
- 4. Запишите закон сохранения энергии для маятника Максвелла.
 - 5. Является ли падение маятника равноускоренным?
- 6. Почему, опустившись до нижней точки, маятник снова начинает подниматься наверх?
- 7. Какая энергия маятника больше кинетическая поступательного движения или кинетическая вращения? (При ответе на этот вопрос воспользоваться полученным значением момента инерции маятника и известным значением радиуса оси маятника.)
 - 8. Как зависит время падения маятника Максвелла от его массы?
- 9. Как изменится время падения, если маятник выполнить из менее плотного, чем сталь материала (например, алюминия)?